地震荷重に対する疲労損傷評価における塑性ひずみの影響^{*1} (K。係数に代わる K。係数の提案)

Influence of Plastic Strain on Fatigue Damage Assessment for Seismic Load

釜谷 昌幸(Masayuki Kamaya)*2

要約 機器設計における疲労評価では、弾性解析によるひずみ範囲から K。係数を用いて弾塑性 ひずみ範囲が推定される.つまり、K。係数は弾性ひずみ範囲に対する弾塑性ひずみ範囲の比に相 当する.日本機械学会の設計・建設規格では、複数の代表的な機器形状と荷重変動の組み合わせに 対して算出された K。を安全側に包絡するように設定されている.しかし、現行の K。係数はプラン トの起動停止などに伴う熱荷重を想定しており、加速度を入力とする耐震評価に適切であるとは 限らない.耐震評価において塑性ひずみが発生すると、材料の応力・ひずみ関係のヒステリシス特 性による減衰効果(エネルギー減衰)が生じる.本報では、エネルギー減衰を考慮した K。係数を K。係数とよび、地震荷重を受けるエルボ単体モデルに加え、直管、エルボそして弁体を模擬した 錘で構成される配管系モデルに対して K。を算出し、その特徴を調べた.その結果、地震荷重下に おいては、エネルギー減衰の影響が大きく、得られる K。は JSME の K。係数を大きく下回ることが 示された.ただし、配管系を対象にした場合は、エルボや固定端近傍など特定の部位でひずみが大 きくなる傾向が見られた.これらの部位では塑性ひずみが大きくなることでダンパーのように振 る舞い、K。が大きくなった.

キーワード 地震荷重, K。係数, 疲労評価, 配管, エルボ, ヒステリシスループ

Abstract In the fatigue damage assessments in component design, the elastic-plastic strain range is estimated from the elastic strain by using the so-called Ke factor. The Ke factor corresponds to the ratio of the strain range obtained by elastic analysis to that obtained by elastic-plastic strain analysis. The design code of the Japan Society of Mechanical Engineers (JSME) prescribed the Ke values for component design. The values were determined so that analysis results for representative component geometries and loading patterns could be predicted conservatively. Since most of the loads assumed for determining JSME Ke values were caused by thermal transients such as plant start-up and shutdown, the values may not be valid for seismic analyses, for which the load is given by acceleration of boundaries. In seismic analyses, even if the plastic strain becomes significant, the hysteresis property of the stress-strain property may bring about a damping effect. The main objectives of this study were to calculate Ke values, which are referred to as Ks values for seismic loads, and to understand Ks characteristics. The single elbow model or the piping system, which consisted of elbows, straight pipes and a weight, was assumed for seismic analyses. It was shown that, the Ks values were much less than the Ke values prescribed in the JSME code. It was revealed that the damping caused by the hysteresis property suppressed the increase in the strain range. It was found that the damping effect was not the same for each element. The strain becomes relatively large at particular elements such as the elbow and pipe near a fixed end. Since such elements acted as a damper, the strain range and Ks value tended to be relatively large.

Keywords seismic load, Ke factor, fatigue assessment, piping system, elbow, hysteresis loop

1. 緒言

国内の原子力発電プラント構造物の耐震設計は、日本 電気協会の原子力発電所耐震設計技術規定JEAC4601⁽¹⁾に したがって実施される.そこでは、疲労も破壊モードとし て考慮されているが、評価の手順については日本機械学会 (JSME)の設計・建設規格⁽²⁾を準用するよう規定されて いる.疲労評価では,疲労損傷の駆動力として塑性ひずみ を含む全ひずみ範囲(以下,単にひずみ範囲とよぶ)が用 いられる.設計・建設規格では,弾性解析により算出され た弾性ひずみ範囲(応力範囲)からひずみ範囲を推定する 手順が規定されている.具体的には,弾性解析による応力

^{*1} 日本機械学会論文集, Vol.87, No.904 (2021) (DOI: 10.1299/transjsme.21-00284) より転載

^{*2 (}株) 原子力安全システム研究所 技術システム研究所

範囲 S_p と割り増し係数(以下, K_e 係数または K_e とよぶ) の積を(ひずみ範囲×ヤング率)に相当する値として疲労 損傷量の算出に用いる.板厚方向の応力分布が線形に近い 場合(S_p/S_n が小さい場合)のステンレス鋼に対する K_e は 次式のように規定されている⁽²⁾.

$$K_{\rm e} = {\rm Max} \left[1 \ , \ 1 + 2.1 \left(1 - \frac{3S_{\rm m}}{S_{\rm n}} \right) \right]$$
 (1)

ここで、 S_m は設計応力強さ、 S_n は膜成分と曲げ成分の和 (応力範囲)を示す.以後、式(1)を JSME の K_e 係数と よぶ.解析により直接 K_e 係数を得る場合は、相当ひずみ 範囲 $\Delta \varepsilon_{eq}$ (定義は2章で説明する)を用いて次式から求め ることもできる ^(2,3).

$$K_{\rm e} = \frac{\Delta \varepsilon_{\rm eq}^{\rm (ep)}}{\Delta \varepsilon_{\rm eq}^{\rm (e)}} \tag{2}$$

添え字(e)と(ep)はそれぞれ弾性計算と弾塑性計算で得ら れた値であることを意味する.

JSME の K_e係数は,複数の代表的な機器形状と荷重変 動の組み合わせに対して算出された K_eを包絡するように 経験的に決定されている⁽⁴⁾.機器設計の疲労評価で考慮さ れる主な荷重は、プラントの起動・停止などに伴って生じ る熱荷重となる.そして、JSME の K_e係数策定時に想定さ れた荷重も、主に熱荷重であり、地震荷重は考慮されてい ない.JSME の K_e係数はかなり保守的に設定されている ので⁽⁶⁾、地震荷重に適用しても評価上問題になる(非保守 側の評価結果になる)ことはないと考えられる.逆に、地 震荷重においては、塑性ひずみが発生すると、応力・ひず み関係のヒステリシス特性に起因する減衰(本報ではエネ ルギー減衰とよぶ)が生じる.したがって、耐震評価に JSME の K_e係数を用いることは、過度に保守側の評価を もたらす可能性もある.

本報では、加速度を入力とする地震荷重に対して弾性 解析と弾塑性解析による*Aeeq*を算出することで、*Ke*の傾向 を調べた.算出される *Ke*はエネルギー減衰の影響を含む ことになり、JSMEの Ke係数とは物理的な意味が異なる. そこで、本報では加速度を入力とする解析によって算出さ れる弾性解析と弾塑性解析の比を Ks係数または Ksとよ ぶ.

一般的な機器設計を対象にする場合, K_eはプラントの 起動・停止などの各事象に対するひずみ値から式(2)を 用いて算出することができる.しかし,地震荷重に対して は,ランダムな地震波を入力として得られるひずみ変動の



Fig. 1 Model for elbow pipe subjected to a seismic loading. Acceleration is given as a boundary condition at bottom end.

時系列データから K_sを算出する必要がある. その際,時 系列データにおける最大と最小のみが用いられ,それ以外 のひずみ変動は無視されることになる.この問題を解決す るため,本報では累積疲労損傷係数 UF を用いて次式で算 出される K_{sUF})を新たに定義した.

$$K_{\rm s(UF)} = \frac{UF^{\rm (ep)}}{UF^{\rm (e)}} \tag{3}$$

機器設計においては、ひずみ変動の時系列データから レインフロー法などによってひずみ変動成分が抽出され る.そして、最大と最小の差のみでなく、全ての変動成分 を用いて UF が算出される^(6,7). $K_{s(UF)}$ は弾性解析と弾塑性 解析によって得られる UF の比に相当する. $UF^{(e)} \times K_{s(UF)}$ と して得られた UF を用いて、機器設計の目的である UF < 1を確認することができる.最大のひずみ変動範囲から式 (2) に従って算出した K_s係数(以後, $K_{s(e)}$ と称する)と $K_{s(UF)}$ を総称して K_s係数または K_sとよぶ.本報では、配管



Fig. 2 Finite element mesh used for analyses. A half of the whole model was analyzed.

の地震荷重に対する K_s係数の傾向を調べることで,疲労 評価に及ぼす塑性ひずみの影響を考察した.まず,エルボ に直管を接続したエルボ単体モデルを用いて,エルボ部に おける K_{s(e)}と K_{s(UF)}の基本的な傾向を調べた.とくに,塑性 ひずみによるエネルギー減衰の影響,減衰率や固有値の影 響などについて調べた.そして,エルボ単体モデルにおけ る一般的な K_sの値について考察した.次に,配管系を対 象にした解析により K_sを算出し,設計評価に対する K_s係 数を決定する上で考慮すべき点について考察した.

2. エルボ単体モデルの解析

2.1 解析モデル

エルボ単体モデルを図1に示す.外径114.3 mm, 肉厚 8.6 mm のロングエルボ(エルボ半径152.4 mm)に同じ外 径と肉厚の直管を接続している.モデルの上端には錘を接 続し,下端の境界の鉛直方向に次節で示す地震動を模擬し た加速度変位を付与した. 錘の質量は0.6 tを基本とする が,0.1 tから10 tまで変化させた解析も実施した.

有限要素解析プログラム Abaqus 2020 を用いた時刻歴 応答解析を行った.有限要素分割を図2に示す.8節点ソ リッド要素を用いて,全体の2分の1をモデル化した.エ





Fig. 3 Change in acceleration used to simulate seismic load of 1,200 gal. The seismic loads for vertical (UD) and horizontal (EW and NS) directions were prepared, although only that for UD direction was used for elbow pipe model.

ルボ部の要素分割を相対的に細かくし、厚さ方向に4要素 に分割した. 錘は質点としてモデル化した. エルボ部およ び直管に対しては3章の解析で対象にした STPT370 配管 の振動試験体の材料定数を用いた. 具体的には、ヤング率 Eは203 GPa、ポアソン比0.3を適用した. 管の密度とし て、管そのものの密度7.85 t/m³に内部水の密度1.0 t/m³を 考慮したものを付与した. また、弾塑性解析を実施する際 は、降伏強度310 MPaの2 直線の応力・ひずみ曲線を仮 定し、移動硬化則を適用した. 降伏点以降の応力・ひずみ 曲線の傾き(以下,2次剛性) E_p はとくにことわりのない 限り0.01Eとし、一部0.1Eまたは0.001Eとした場合の解 析も実施した. 幾何学的非線形性は考慮しなかった. 減衰 はレーリー減衰で与えた. 解析モデルの固有振動数の1次 振動数と3次振動数の減衰比η はとくにことわりのない 限り設計で用いられる1%⁽¹⁾としたが、0%から5%まで変



Fig. 4 FFT analysis result for input acceleration of UD direction of 1,200 gal.

化させた解析も実施した.重力および内圧は考慮しなかった.

2.2 地震波形

地震波として、図3に示す垂直方向(UD方向)と水平 方向(EW方向,NS方向)の2種類の加速度変動を用い た.これらの地震波は大飯原子力発電所4号機の基準地震 動を比例倍させて作成した.図3の地震波を,大きさ1,200 galとして,これを比例倍させることで,600 gal,1,800 gal または2,400 galに対応する地震波を作成した.3次元加振 を行った次章の配管系の解析で垂直と水平方向に対応す る地震波を用いたが,1次元加振のエルボ単体モデルに対 してはUD方向のみを用いた.UD方向の周波数成分を図 4に示す.10Hz以下の周波数が主体となっている.地震 波データの時間間隔が 0.01s であることとから FFT で算 出される最大周波数は50 Hz となる.

2.3 解析結果

2.3.1 K_{s(ε)}の算出

錘の質量 W=0.6t, 減衰比 $\eta=1$ %, $E_p/E=0.01$ の基本条件において, 1,200 gal の入力加速度を付与した弾塑性解析によって得られる錘部の応答加速度の時系列変化を図 5,



Fig. 5 Response acceleration obtained by analysis (1,200 gal, $E_p/E = 0.01$, W = 0.6 t, $\eta = 1\%$).



Fig. 6 FFT analysis result for response acceleration (1,200 gal, $E_p/E = 0.01$, W = 0.6 t, $\eta = 1\%$). The peak of the frequency is identical to the eigen frequency of the model, which is 15.5 Hz.

その FFT 解析結果を図 6 に示す.入力加速度の数倍の応 答加速度が発生している. 錘 0.6 t の場合の固有振動数は 15.5 Hz であったが,固有値で共振していることがわかる. ひずみへ変動が大きかった部位での周方向および軸方向 ひずみの時系列変化を図 7 に示す.周方向ひずみが相対的 に大きく,最大ピークは 0.25%,最小のピークとの差(最 大ひずみ範囲)は 0.52%であった.軸方向ひずみの最大値 は 0.016%,最大範囲は 0.032%であった. $K_{s(e)}$ の算出に用 いる相当ひずみ範囲 $\Delta \epsilon_{eq}$ を次式で得た.

$$\Delta \varepsilon_{\rm eq} = \frac{\Delta S_{\rm eq}}{E} + \Delta \varepsilon_{\rm eq(p)} \tag{4}$$

ここで、 ASeq は相当応力範囲で、

$$\Delta S_{\rm eq} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\left(\Delta \sigma_{\rm h} - \Delta \sigma_{\rm a}\right)^2 + \left(\Delta \sigma_{\rm a} - \Delta \sigma_{\rm r}\right)^2 + \left(\Delta \sigma_{\rm r} - \Delta \sigma_{\rm h}\right)^2} \quad (5)$$







$$\Delta \sigma_x = \sigma_x^m - \sigma_x^n \tag{6}$$

で表される. 添え字 h, a, r はそれぞれ周方向, 軸方向, 半径方向を示す. 上添え字 $m \ge n$ は変動荷重における時 間を示し,時間 $m \ge n$ の時点での応力の差を $\Delta \sigma_x$ (x は h, a または r を示す) としている. そして, $\Delta \varepsilon_{eq(p)}$ は相当塑性 ひずみ範囲で, 次式で算出した.

$$\Delta \varepsilon_{\rm eq(p)} = \frac{\sqrt{2}}{3} \sqrt{\left(\Delta \varepsilon_{\rm h(p)} - \Delta \varepsilon_{\rm a(p)}\right)^2 + \left(\Delta \varepsilon_{\rm a(p)} - \Delta \varepsilon_{\rm r(p)}\right)^2 + \left(\Delta \varepsilon_{\rm r(p)} - \Delta \varepsilon_{\rm h(p)}\right)^2}$$

$$\Delta \varepsilon_{x(p)} = \varepsilon_{x(p)}^{m} - \varepsilon_{x(p)}^{n} \tag{8}$$

添え字(p)は塑性ひずみであることを示し、その他の添え 字の意味は応力の場合と同じである.時間 *m* と *n* は以下 のように決定した.まず,式(6)および式(8)における



Fig. 8 Relationship between input acceleration and the maximum equivalent strain range $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ for various damping ratios $\eta (E_p/E = 0.01, W = 0.6 \text{ t})$.



Fig. 9 The K_s factor obtained by $\varDelta \varepsilon_{eq(max)}$, which is denoted as $K_{s(c)}$, for various input accelerations and damping ratios $\eta (E_{\eta}/E = 0.01, W = 0.6 t)$.

 $\sigma_x'' および \varepsilon_{x(p)}'' を零とおいて、各時間断面での<math>\Delta \sigma_x$ および $\Delta \varepsilon_{x(p)} を算出した.そして、<math>\Delta \varepsilon_{eq}$ が最大となる時間を時間 m とした.時間 m を固定した状態で、各時間断面を n と置 くことで $\Delta \varepsilon_{eq}$ の時系列データを算出し、その中の最大値 $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ を得た.図2に示すように $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ はエルボ脇部の 内面において最も大きくなった.得られた $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ は0.53% であり、その時の $\Delta \varepsilon_{eq(p)}$ は0.20%であった.エルボ単体モデ

> ルの解析では、とくに断りの ない場合を除き図 2 に示した 位置で*∆ε*_{eq(max)}が最大になった. そして、図 7 は当該部位の結

果を示している.同様に、以下のひずみやUFは、 $\Delta \mathcal{E}_{eq(max)}$ が最大になった部位に着目した.

(7)

入力加速度と*Δε*_{eq(max)}の関係を図8に示す. 左端の"1,200 Elastic"の表示は1,200 gal を付与した弾性解析の結果を示 す. 減衰を 0%から 5%まで変化させている.いずれの場



Fig. 10 S-N curves used to calculate usage factor *UF*. Two kinds of curves, DFC and Eq. (9), were applied. Fatigue limit is not assumed for Eq.(9), whereas fatigue limit of 94 MPa is assumed in DFC.

合もAEeq(max)は入力加速度とともに増加し、減衰が大きい ほど小さくなった.また,1,200 gal で比較すると弾性解析 よりも弾塑性解析によるAEeq(max)の方が小さくなる場合も あった.式(2)に従って弾性解析と弾塑性解析による $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ の比から $K_{s(\varepsilon)}$ を算出した結果を図 9 に示す. 弾性解 析の相当ひずみ範囲は, 1,200 gal の結果を比例倍させるこ とで得た. 横軸は弾性解析による ΔS_{eq} である $\Delta S_{eq(e)} \delta \Delta S_{v}$ で 正規化した値を示している. ここで、ムSyは降伏強度 Syの 2 倍となる. 図には、式(1) において $3S_m/S_n = \Delta S_y/\Delta S_{eq(e)}$ と した場合の JSME の Ke係数も示している.弾性ひずみ範 囲に塑性ひずみ範囲の影響を加味する Ke係数は、その物 理的な意味から1を下回ることはない. K_{ste}は最大でも 1.29であり,1を下回る場合も多かった.いずれの場合も, JSMEの K_e 係数を下回った.同じ $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_v$ で比較すると, 減衰が小さいほど K_{s(e)}が小さい傾向を示したが, その差は 大きくなかった. 減衰が大きくなるほど同じ入力加速度に 対して得られる $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_{v}$ は小さくなった.

2.3.2 K_{s(UF)}の算出

有効ひずみの時系列変化からレインフロー法によって、 ひずみ範囲と繰返し数を計数し累積疲労損傷量 UF を算 出した.許容繰返し数として、図 10 に示す JSME の設計・ 建設規格に規定されるステンレス鋼の設計疲労曲線 (DFC) を用いた.DFC は、試験によって得られたひずみ振幅と 疲労寿命の関係から策定されている⁽⁸⁾.オーステナイト系 ステンレス鋼の 25℃のヤング率 195 GPa⁽²⁾ とひずみ振幅 の積が DFC の縦軸に相当する.評価手順に従うと、温度



Fig. 11 Relationship between input acceleration and the UF obtained using Eq. (9) for various damping ratios η $(E_{\eta}/E = 0.01, W = 0.6 \text{ t}).$



Fig. 12 Change in $K_{\rm s}$ factors obtained using UF and $\Delta \varepsilon_{\rm eq(max)}$ with damping ratio (1,200 gal, $E_{\rm p}/E = 0.01$, W = 0.6 t). The value of $K_{\rm e(UF)}$ was less than unity regardless of the damping ratio.

に対応したヤング率に補正することになるが、本報では 25℃相当の値をそのまま用いた.

DFC では (ひずみ振幅×ヤング率) が 94 MPa 以下の変 動は UF に考慮されないため、このしきい値前後において UF および K_{sUF} が不連続に変化する可能性がある.そこ で、しきい値のない次式を用いた場合の評価も実施した.

$$\Delta \varepsilon_{\rm eq} \times 0.5 E [\rm MPa] = 6083.5 N_{\rm f}^{-0.263}$$
⁽⁹⁾

以後, DFC を用いて算出される UF を UF_D, 式 (9) を用 いて算出される UF を UF_m と称する.



Fig. 13 Change in response acceleration with the applied mass weight for various input accelerations ($E_p/E = 0.01$, $\eta = 1\%$).



Fig. 14 Change in the maximum equivalent strain range $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ with the applied mass weight for various input accelerations ($E_p/E = 0.01$, $\eta = 1\%$).

 UF_m を図 11 に示す. 左端の"1,200 Elastic"の表示は 1,200 gal を付与した弾性解析の結果を示す.入力加速度や減衰 比に対する UF の変化は、 $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ と同様に単調増加となっ た.また、1,200 gal で比較すると、弾塑性解析で得られる UF_m は弾性解析で得られるそれよりも同等か、小さくなっ た.図は省略するが、 UF_D は UF_m より概ね大きな値とな った.1,200 gal の解析結果を用いて算出される $K_{s(e)}$ と $K_{s(UF)}$ を図 12 で比較した.減衰が大きくなるほど K_s は大きくな る傾向を示したが、2%でほぼ飽和している. $K_{s(e)}$ よりも $K_{s(UF)}$ が小さくなった.そして、 $K_{s(UF)}$ はいずれの条件におい ても1を超えることはなかった.



Fig. 15 K_s factors obtained using $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ and UF for various input accelerations ($E_p/E = 0.01$, $\eta = 1\%$).

2.3.3 **固有値(錘の質量)の影響**

減衰比 1%, $E_p/E=0.01$ の基本条件において錘の質量 Wを 0.1 ~10 t に変化させた.対応する系の固有値は 37~ 3.8 Hz であった. 図 13 に W と入力加速度で正規化した最 大応答加速度の関係を示す.入力加速度は 600 gal, 1,200 gal および 2,400 gal とした. 図 4 に示すように地震波は 2 ~10 Hz の成分が大きい.このため,固有値が 12.1 Hz と なる W=1 t 近傍で応答加速度が比較的大きくなった.弾 性解析では,正規化応答加速度は完全に一致し,いずれの 入力加速度の場合においても,弾塑性解析より大きな値と なった.加速度変位を入力とする本解析では,錘の質量が 大きくなると系に供給されるエネルギーは大きくなる.そ のため,Wが 1 t より大きくなり,共振しなくなっても, 弾性解析による応答加速度の変化は限定的であった.一方,



Fig. 16 Values of $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ obtained controlling the elastic stress $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ to be fixed value for various mass weights ($E_p/E = 0.01$, $\eta = 1\%$).

弾塑性解析では、とくに W>1tにおいて応答加速度が弾 性解析よりも小さくなっている.これは、塑性変形によっ て引き起こされるエネルギー減衰の影響と考えられる.同 様の傾向が図 14 に示した W とΔε_{eq(max)}の関係においても 見られる.Wが大きくなるほどΔε_{eq(max)}が大きくなり、その 最大は 15%を超えた.錘の質量の増加にともなう入力エ ネルギーの増加がひずみの増加をもたらした.一方、弾塑 性解析によるΔε_{eq(max)}の方が弾性解析の結果よりも小さく なっている.塑性ひずみの発生にともなうエネルギー減衰 が弾塑性解析によるΔε_{eq(max)}の減少をもたらした.

 $K_{s(e)}$ を図 15(a)に示す. $K_{s(e)}$ は1をほぼ下回っている. 2,400 gal の入力加速度では $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ が 60 近くなったが, この 場合でも $K_{s(e)}$ は1を超えなかった. 図 15(b)に示した $K_{s(UF)}$ はいずれの場合も 1 を下回った. とくに, $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ がお およそ 4 より大きくなると, $K_{s(UF)}$ は 0.2 よりも小さくなっ た. エネルギー減衰が K_s の低下に寄与していると考えら れる.

2.3.4 $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_{y}$ とKs係数の関係

錘の質量を変えることで固有値を変化させた場合,K_s 係数は1を大きく上回ることはなかった.一方で,質量や 入力加速度が大きい場合は $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ が10を超え,60近く になる場合もあった.現実的は $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ は高々4程度と考 えられ,固有値の影響も,この範囲で考察されるべきであ る.そこで,図13と図14に示したWを0.1~10tに変化 させた条件において,弾性解析における $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ が1,2 または4となるように入力加速度を変化させて解析を行 った.





図 16 に入力加速度と $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ の関係を示す.入力加速度 が大きくなることは,錘が軽くなる(固有値が小さくなる) ことに相当する. Wが 0.1 t の場合に,所定の $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ を 達成するために必要な入力加速度は 20,000 gal を超えた. 弾性解析では,入力加速度に依らず所定の $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ (弾性 ひずみ)が得られていることが確認できる.弾塑性解析に よる $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ は弾性解析による値よりも概ね小さくなって いるが,入力加速度が 3,000 gal を超えると,弾性解析の 結果を上回る場合も見られた.とくに、 $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ が 3 ま たは 4 の場合は弾塑性解析の $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が弾性解析のそれを 大きく上回った.図中に赤円で示した 3 条件(いずれも $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ >1.6%)では,相当ひずみ範囲が最大となる位置が 脇部内面ではなく腹側外面であった.

K_s係数を図 17 に示す. K_{s(e)}は 3,000 gal 以下では 1 近傍の値となり, 3,000 gal を超えると, 最大 2.8 まで増加した.



Fig. 18 Influence of E_p/E on $K_{s(\varepsilon)}$ analyzed for $\Delta S_{eq(\varepsilon)}/\Delta S_y = 3$ ($\eta = 1\%$). Although smaller plastic slope E_p brought about larger $K_{s(\varepsilon)}$, the results for $E_p/E = 0.01$ exhibited well converged $K_{s(\varepsilon)}$.

 $K_{s(UF)}$ は 10,000 gal 程度までは 1 を下回ったが,それ以上では 1 より大きくなる場合もあった.とくに, UF_m を用いた場合は $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y = 4$,52,023 gal の条件において $K_{s(UF)}$ が 3.3となった.

2.3.5 2次剛性の影響

 $\Delta S_{eq(e)} \Delta S_y = 3$ の条件において、これまでの $E_p/E = 0.01$ に加え、 $E_p/E \approx 0.1$ または0.001とした場合に得られる $K_s \approx$ 図 18に示す。2 次剛性が小さくなるほど $K_{s(e)}$ は増加する傾向を示したが、基本条件である $E_p/E = 0.01$ ではほぼ飽和していた。

2.4 考察

2.4.1 K_{s(ε)}とK_{s(UF)}の比較

これまでの解析では、 $K_{s(UF)}$ は $K_{s(e)}$ よりも小さかった. そ の要因について考察する. K_s は $\Delta \epsilon_{eq}$ の時系列変化から算出 される. 図 19 に、1,200 gal の入力加速度の結果から、レ インフロー法によって抽出した $\Delta \epsilon_{eq}$ を示す. 全部で 2,415 個のひずみ範囲が抽出されたが、大きい方から 1,000 個の ひずみ範囲を順に並べたものを示している. この条件での $K_{s(e)}$ は 1.04、 UF_m による $K_{s(UF)}$ は 0.89 であった. 図の左端 の値が $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ に相当し、弾塑性解析の値が弾性解析のそ れよりも大きくなっているため、 $K_{s(e)}$ は 1 よりも大きくな った. しかし、弾塑性解析が弾性解析を上回るのは、大き 方から 10 番目程度に限られ、それよりも下の 400 番目ま



Fig. 19 Equivalent strain ranges obtained from the rainflow counting procedure using time-serious equivalent strain (1,200 gal, $E_{v}/E = 0.01$, W = 0.6 t, $\eta = 1\%$).



Fig. 20 K_s factors obtained controlling the elastic stress $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ to be fixed value for various mass weights $(E_p/E = 0.01, \eta = 1\%)$. The results for which input acceleration was less than 5,000 gal are shown.

での範囲では、弾性解析が弾塑性解析の値よりも大きくなった. つまり、エネルギー減衰によるひずみ範囲の減少は、 $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ に代表される大きなひずみ範囲よりも、10番目以降の中程度のひずみ範囲で大きかった. そして、2,415個のひずみ範囲を用いて算出される $K_{s(UF)}$ は、 $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ のみを用いて算出される $K_{s(e)}$ よりも小さくなった.

2.4.2 大きな入力加速度の条件においてK_s係数が大き くなる要因

W = 0.1t, $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y = 4$ の条件において弾塑性解析による最大の相当ひずみ範囲 $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が最も大きくなり、 $K_{s(e)}$ と $K_{s(UF)}$ も相対的に大きくなった. 同条件での入力加速度は



Fig. 21 The piping model and finite element mesh used for analyses (unit: mm). The "area" denotes the pipe or elbow sections which showed relatively large strain range.

52,023 gal で、おおよそ 53 G に相当する. W=0.1t の条件 において 53 G の重力を負荷した解析を行った. 得られた 最大の相当応力と相当ひずみは腹部外面で発生し、その値 はそれぞれ、 $S_{eq(e)}=2.4\Delta S_y$ 、 $\Delta \varepsilon_{eq}=2.4\%$ であった. 図 16 に 示した弾塑性解析の $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が弾性解析のそれよりも大き くなくなった場合において、最も $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が大きかった箇 所も腹部外面であった.入力加速度が大きくなるとニュー トンの運動の法則(入力加速度×質量)による荷重(以後、 運動力とよぶ)が作用することで $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が大きくなる. こ の荷重は共振やヒステリシスが関与しない 1 次荷重であ り、塑性ひずみが発生してもエネルギー減衰の影響を受け ない. そのため、 K_s が大きくなったと考えられる.

2.4.2 エルボ単体モデルに対する代表的なK。係数

図15に示したように、入力加速度を固定して解析した 場合のK_sはおおむね1近傍、または1より小さくなった. とくに、K_{s(UF)}は錘の質量を重くする(系の固有値を小さく する)と0.2を下回った.これは塑性ひずみの発生による ひずみ範囲の増加よりもエネルギー減衰の寄与が大きく なったためと考えられる.一方、(*Δ*Seq(e)*Δ*Sy を固定するた め)入力加速度度を大きくした場合は、運動力によってK_s が増加する場合もあった.しかし、実際の機器設計におい ては、極端に大きな入力加速度が想定されることはない. 図 17 に示した K_sの内、入力加速度が 5,000 gal 以下の条 件のみの結果を図 20 に示した. K_{s(e)}と K_{s(UF)}のいずれの場 合も、K_sはおおむね1を下回った. とくに、K_{s(UF)}はすべて の条件で 0.8 以下となっている. つまり、現実的な入力加 速度においては、弾性解析による弾性ひずみ範囲を用いて UF を算出しても、弾塑性解析による UF を保守側に評価 できる.

3. **配管系の解析**

3.1 解析方法

解析対象および解析モデルを図 21 に示す. 既報⁽⁹⁾ で実施された STPT370 配管の振動試験体を対象にモデルを作成した. 試験体は外径 113 mm,肉厚 6 mm の配管と,配管に溶接した弁体を模した質量 0.6 t の錘,および 2 台の門型配管サポートで構成される. これらの試験体を振動台に載せて試験を行っている. 試験中は水圧により 1 MPa の内圧を加えた.

Abaqus 2020 を用いて時刻歴応答解析を行った. 解析に 用いた有限要素モデルも図 21 に示す. 8 節点ソリッド要 素を用いて,厚さ方向に5 要素に分割した. 錘の取り付け



Fig. 22 Von Mises stress distribution when equivalent strain range showed the maximum values (1,200 gal).

部分の配管の重量を増加させることで, 錘の影響を考慮し た. 配管の密度として, 管そのものの密度 7.85 t/m³に内部 水の密度 1.0 t/m³を考慮したものを付与した. 配管にはヤ ング率 E として 203 GPa⁽¹⁰⁾, ポアソン比 0.3 を用いた. さ らに, 弾塑性解析では, 降伏強度 S_v は試験で用いた配管 に対応する 310 MPa, 2 次剛性 Epは 0.01E⁽⁷⁾とし,移動硬 化則を適用した. 配管端部と振動台の接続部(2か所)は 完全固定とした.2台の門型サポート部については、水平 剛性ばねと上下剛性ばねからなるモデル(11)を用いた. 解 析には内部水の質量および内圧,そして幾何学的非線形性 を考慮した.減衰は固有振動数の1次振動数と3次振動 数の減衰比が 0.5%になるようレーリー減衰を仮定した. 系の固有振動数は低次から 7.74, 10.2 および 13.9 Hz であ った. 試験では対応する値として 8.3, 11.1 および 16.1 Hz が得られた. 減衰定数の決定には, 解析により算出した固 有振動数を用いた.

配管端部およびサポート固定部に図 3 に示した鉛直方 向と水平方向にそれぞれ異なる地震波を付与した.図 3 の 波形(1,200 gal)を比例倍させることで,200 gal から 2,400 gal に対応する解析を行った.

3.2 解析結果

3.2.1 応力およびひずみの変動

解析において比較的大きなひずみが得られた部位を図 21 に示す Areal ~ Area4 の 4 つの領域で示す. Area1 およ び Area4 は配管固定端近傍の直管部, Area2 と Area3 はエ ルボ部となる. それぞれの領域 (Area) で $\Delta \mathcal{E}_{eq(max)}$ が最大と なる部位に着目した.

1,200 gal の入力加速度において $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が最大になった時点の相当応力(ミーゼス応力)の分布を図 22 に示す. Areal と Area2 の最大 $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ が同時刻に現れた. 直管部

(Areal と Area4) では配管固定端部近傍の外面,エルボ 部(Area2 と Area3) ではエルボ脇部内面において $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ が最大となった.応力は S_y で正規化しており,灰色で示 された領域は降伏している領域を示す.配管固定部とエル ボ部脇部に高い応力が発生している様子がわかる.

3.2.1 K_{s(ɛ)}の算出

入力加速度を変化させたときの*Δε*eq(max)の変化を図23 に 示す.弾性解析および弾塑性解析で得られた領域毎の代表



Fig. 23 Change in the maximum equivalent strain range $\Delta \varepsilon_{eq(max)}$ with the applied input acceleration.



Fig. 24 K_s factors obtained using $\varDelta \varepsilon_{eq(max)}$ for various input accelerations.

点での値を示している.入力加速度に対して $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ は単 調に増加した.弾塑性解析において Area2 は Area3 より大 きくなっているが,弾性解析では逆転している.200 gal を 負荷した場合は,すべての領域で塑性ひずみは発生しなか った.さらに, Area4 では 1,200 gal を負荷しても塑性ひず みは発生しなかった.

それぞれの領域に対して入力加速度毎に $K_{s(e)}$ を算出し た結果を図 24 に示す. Areal から Area4 までを順に直線 で結んでプロットしている. 弾性解析で得られる横軸の $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ は入力加速度とともに大きくなっており,最大 で 5 程度となった. Areal が最も大きく,その次が Area3 であった. 一方, $K_{s(e)}$ は Areal が最も大きく, Area2, Area3, Area4 の順に小さくなっており, Area2 と Area3 の順序は



Fig. 25 Change in equivalent strain during the simulation for 1,200 gal. Ratcheting strain (ε_r) was caused during the analyses.



Fig. 26 Magnitude of ratcheting strain caused during the analyses.

 $\Delta S_{eq(e)} \Delta S_y$ の順序とは異なっていた. 塑性ひずみが発生し ていなかった 200 gal では $K_{s(e)}$ は全ての領域で1となった. Areal の $K_{s(e)}$ は, 1,200 gal を負荷した場合に最も大きくな り 1.8 を超えたが,入力加速度が大きくなると減少した. Areal と同じ直管部である Area4 においても, $K_{s(e)}$ が入力 加速度とともに減少する傾向が見られた. 一方,エルボ部 である Area2 と Area3 は入力加速度に対する $K_{s(e)}$ の変化は 顕著でなかった. 600 gal を負荷した場合, Area1 および Area2 では $K_{s(e)}$ が JSME の K_e係数より大きくなった. 緒言 でも述べたように,JSME の K_e係数は主に熱荷重を想定 して策定されているため,地震荷重に対する結果とは必ず しも整合しない可能性がある.



Fig. 27 $K_{\rm s}$ factors considering effect of $\varepsilon_{\rm r}$, which is denoted as $K'_{\rm s(\varepsilon)}$, for various input accelerations.



Fig. 28 Usage factor UF obtained for various input accelerations.

 $K_{s(e)}$ が最大となった Areal の 1,200 gal 負荷時の $\Delta \mathcal{E}_{eq}$ の時 系列変化を図 25 に示す. ひずみの平均値が変化するラチ ェットひずみが生じている. $\Delta \mathcal{E}_{eq(max)}$ は時系列のデータの 中で最大と最小の差をとっている. 図のケースのように加 振中にラチェットひずみが生じた場合, ラチェットひずみ ϵ_r が $\Delta \mathcal{E}_{eq(max)}$ に加算されることになる. 各条件におけるラチ ェットひずみ ϵ_r を図 26 に示す. ラチェットひずみは Areal で大きく, 1200 gal 時に最大となった. 入力加速度が大き くなるほどラチェットひずみが大きくなる傾向が見られ るが, 単調な変化ではなかった. ラチェットひずみによる 疲労損傷の寄与は半サイクルの変動に限られる. そこで, $K_{s(e)}$ を算出する際に, 弾塑性解析による $\Delta \mathcal{E}_{eq(max)}$ からラチェ ットひずみの寄与分を差し引いた次式の $K_{s(e)}$ を定義した.



Fig. 29 K_s factors obtained using UF for various input accelerations.



Fig. 30 Change in $UF_{\rm m}$ with elastic stress $\Delta S_{\rm eq(e)}/\Delta S_{\rm y}$. The values correlated well except values for areas 3 and 4.

$$K'_{s(c)} = \frac{\Delta \mathcal{E}_{cq(max)}^{(cp)} - \mathcal{E}_{r}}{\Delta \mathcal{E}_{cq(max)}^{(c)}}$$
(10)

 $K_{s(\varepsilon)} \ge \Delta S_{eq(e)} \Delta S_y$ の関係を図 27 に示す. ラチェットひず みの影響を除外した $K_{s(\varepsilon)}$ は $\Delta S_{eq(e)} \Delta S_y$ に対してほぼ一定か, 単調に変化する傾向を示し,その最大値は 2,400 gal の場 合の 1.6 となった.

3.2.3 K_{s(UF)}の算出

*UF*_Dと*UF*_mを図 28 に示す.入力加速度が 200 gal の場合は, *UF*_Dは 10⁻⁵以下で, Area4 では零であった.そして,



Fig. 31 Equivalent strain ranges obtained from the rainflow counting procedure using time-serious equivalent strain obtained by elastic and elastic-plastic analyses for 600 gal.

UF は入力加速度とともに増加した. 図 29 に示した $K_{s(UF)}$ は、おおむね1以下であったが、600 gal では、Area2 において *UF*_Dによる $K_{s(UF)}$ が 2.5 を超える特異な値となった. *UF*_mを用いた場合は、 $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_{y} = 1$ 近傍での特異な $K_{s(UF)}$ は小さくなったが、1を超えている.

3.3 考察

3.3.1 領域毎のばらつき(犠牲ダンパー効果)

配管系においても、 K_s は JSME の K_e を大きく下回り、 1 よりも小さくなる場合もあった. エルボ単体モデルで考 察したように、相対的に小さい K_s はエネルギー減衰の寄 与によると考えられ、 K_s の値も、図 20 に示したエルボ単 体モデルの値と大きな差異はなかった. しかし、配管系に おいては、同じ入力加速度、または同じ $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ におい て、領域毎に K_s のばらつきが見られた. Area3 と Area4 に おける K_s は、Area1 と Area2 よりも小さかった.

図 30 に、 $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_{y} \ge UF_{m}$ の関係を示す。弾性解析の結 果に着目する $\ge UF_{m} \ge \Delta S_{eq(e)}/\Delta S_{y}$ の関係には相関があり、 一本の曲線上にプロットされている。一方、弾塑性解析で は、とくに、Area3 および Area4 の UF_{m} が相対的に小さ くなった。同様の傾向が UF_{D} に対しても観察された。UFの減少はエネルギー減衰に起因すると考えられるが、その 効果が Area3 \ge Area4 で相対的に大きかったことを意味 している。配管系では、Area1~Area4 が互いにつながって おり、独立ではない。同じ入力加速度に対するひずみ変動 は Area1 \ge Area2 で相対的に大きくなる。ひずみが大きく なると、エネルギー減衰が大きくなり UF が低下する。 Area3 と Area4 では、発生する塑性ひずみの大きさは相対 的に小さいが、Areal と Area2 のエネルギー減衰の影響を 受けてひずみ変動が抑制されたと考えられる.とくに, Area4 では 1,200 gal の入力加速度以下では塑性ひずみは 発生しなかったが、図 23 に示した弾塑性解析による △Eeg(max)は弾性解析によるそれを大きく下回っていた. ま た、 $600 gal における \Delta S_{eq(e)} \Delta S_y は 0.59 であり、塑性ひずみ$ が発生していないにもかかわらず,Ksは1より小さくなっ ていた. つまり, Area3 と Area4 にとっては, Area1 と Area2 はタンパーのようなふるまいをしたことになる. 逆に, Areal と Area2 では、Area3 と Area4 の減衰を負担するた め, 塑性ひずみの大きさに対して生じるエネルギー減衰の 効果は相対的に小さいと考えられる. そのため, 図 20 に 示したエルボ単体モデルの $K_{\rm s}$ と比較して、同じ $\Delta S_{\rm eq(e)}/\Delta S_{\rm v}$ に対する Areal および Area2 の K_s は大きくなっている. このように,配管要素の相互作用によって生じるダンパー 効果を、本報では犠牲ダンパー効果と呼び、ArealやArea2 のようにダンパーの役割を果たした配管要素を犠牲ダン パーとよぶ.

3.3.2 設計に用いるべきK_{s(UF)}

図 20 に示したエルボ単体モデルの結果と同様,配管モ デルの解析においても $K_{s(UF)}$ は $K_{s(e)}$ よりも小さくなる傾向 を示した.とくに,600 gal 以外の入力加速度条件では, $K_{s(UF)}$ は概ね1以下であった.つまり,弾性解析によって得 られる UFを,そのまま弾塑性解析の(実際の)UFとし て用いても保守側の評価が可能となる.

一方、600 gal 時に $K_{s(UF)}$ が1を超える場合もあった. 図 31 に 600 gal の解析結果からレインフロー法によって抽出 した $\Delta \varepsilon_{eq}$ を示す.最大で2,081 個のひずみ範囲が抽出され たが、大きい方から1,000 個のひずみ範囲を順に並べたも のを示している. Area4 では弾塑性解析のひずみが弾性解 析の結果より小さくなっている.先にも述べたように、 Area4 では塑性ひずみが発生していないことから、弾塑性 ひずみの減少は犠牲ダンパー効果のよるものと考えられ る.一方、Area2 では、塑性ひずみが発生し、さらに犠牲 ダンパーとなったことによるひずみの増加量がエネルギ ー減衰の効果を上回ったため、弾塑性解析ひずみが大きく なった.犠牲ダンパー効果が相対的に小さいと考えられる $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ = 1 近傍では $K_{s(UF)}$ は相対的に大きくなったが、 $\Delta S_{eq(e)}/\Delta S_y$ が十分大きくなれば $K_{s(UF)}$ を1 以下に設定できる 可能性がある.

以上の結果は,解析対象である試験を模擬した配管系 に対する,特定の地震動パターンに対する結果であること に留意する必要がある.本解析では,犠牲ダンパー効果に より,Areal と Area2 において相対的に大きな塑性ひずみ が発生していた.同様に,他の配管系において K_sを考え る場合も,犠牲ダンパーにひずみが集中して K_sが大きく なる可能性がある.発生する塑性ひずみの大きさは条件に よって異なり,場合によっては K_{sUF}が1を上回る可能性 も否定できない.しかし,エルボ単体モデル,および本配 管系の解析結果から塑性ひずみ発生に伴うエネルギー減 衰の効果は明確に確認できた.そして,算出された K_sは JSME の K_e係数を大きく下回った.耐震評価に対しては, 主に熱荷重を想定して策定された K_e係数に代わり,合理 化した K_s係数を適用できる可能性が示された.

4. 結言

本報では、機器設計で用いられている K_e係数に代わり, K_s係数を新たに定義し、地震荷重に対する疲労評価にお ける塑性ひずみの影響を考察した.まずエルボ単体モデル を用いて、K_s係数の基本的な傾向を調べた.そして、配管 系を対象にした解析を行た.得られた結果は以下のように 要約できる.

- (1) 地震荷重下においては、塑性ひずみの発生による ひずみ範囲の増加効果と、エネルギー減衰による ひずみ範囲の減少効果が発生する.そして、後者 の寄与によってK_s係数が1以下になる場合もある ことが示された.
- (2) 疲労評価に及ぼす塑性ひずみの影響を補正するために UF により算出される $K_{s(UF)}$ を定義した. $K_{s(c)}$ は $\Delta \epsilon_{eq(max)}$ のみを, $K_{s(UF)}$ は時系列結果から抽出されるすべての $\Delta \epsilon_{eq}$ の変化が反映される. $K_{s(UF)}$ は $K_{s(c)}$ よりも小さく, $K_{s(UF)}$ を用いることで合理的に UFを算出できることが示された.
- (3) エルボ単体モデルにおいて,減衰比が大きくなる ほど K_s は増加した.ただし,その影響は2%でほ ぼ飽和した.また,2次剛性 E_p も0.01Eとするこ とで,ほぼ飽和した保守的な K_s を算出するこがで きた.
- (4) K_{s(e)}はJSMEのK_e係数を大きく下回った.さらに、 入力加速度が 5,000 gal 以下のエルボ単体モデル、 および配管系モデルの解析において K_{s(UF)}は概ね1 を下回った.つまり、弾性解析による弾性ひずみ 範囲を、補正することなく UF を算出しても、弾 塑性解析による UF を保守側に評価できる可能性 がある.

配管系を対象にした場合は,犠牲ダンパーにひずみが 集中し,部位ごとの K_sにばらつきが生じることに留意す る必要がある.

引用文献

- (1) 日本電気協会,原子力発電所耐震設計技術規程, JEAC4601-2015 (2015).
- (2) 日本機械学会,発電用原子力設備規格設計・建設規格, JSME S NC1-2020 (2020).
- (3) 日本機械学会,発電用原子力設備規格設計・建設規格 事例規格弾塑性有限要素解析を用いたクラス1 容器に対する強度評価の代替規定,JSME S NC-CC-005 (2008).
- (4) 朝田誠治,中村隆夫,機械学会設計・建設規格における簡易弾塑性解析手法,日本機械学会論文集 A 編, Vol.75, No.749 (2009), pp.110-117.
- (5) 釜谷昌幸,朝田 誠治,熱疲労荷重に対する簡易弾塑 性補正(Ke係数)に関する一考察,日本機械学会 論文集, Vol. 87, No. 901 (2021), DOI: 10.1299/transjsme.21-00239.
- (6) 日本機械学会,配管の高サイクル熱疲労に関する評価指針,JSME S017-2003 (2003).
- (7) 日本機械学会,発電用原子力設備規格設計・建設規格事例規格弾塑性解析に基づく耐震Sクラス配管の耐震設計に関する代替規定,JSME S NC-CC-008 (2019).
- (8) Jaske, C. E. and O'Donnell, W. J., Fatigue design criteria for pressure vessel alloys, ASME Journal of Pressure Vessel Technology, Vol. 99 (1977), pp.584-592.
- (9) 高橋常夫,前川晃,サポート付配管系の耐震性評価 手法に関する研究(弾性振動試験における共振振動 数および応答低減に対する入力加速度の影響), INSS Journal, Vol. 21 (2014), pp.75-85.
- (10) 日本機械学会, 発電用原子力設備規格材料規格, JSME S NJ1-2016 (2016).
- (11) 高橋常夫,前川晃,支持構造物の降伏後変形強度が 配管系地震応答に与える影響, INSS Journal, Vol. 20
 (2013), pp.84-94.